

Programación Funcional Avanzada

Aplicando Monads – Máquina Virtual Logo Monad Reader

Ernesto Hernández-Novich
<emhn@usb.ve>

Universidad “Simón Bolívar”

Copyright ©2010-2016

- Lenguaje de alto nivel
 - Imperativo procedural.
 - Iteración determinada e indeterminada.
 - Procedimientos.
 - Recursión.
 - I/O simple.
- Orientado a la enseñanza de niños y jóvenes
 - Los programas mueven una “tortuga”.
 - La tortuga tiene lápices de colores.
 - El “rastros” permite construir dibujos.

MiniLogo – Nuestro proyecto de hoy

- Implantar un subconjunto de Logo en forma de “Máquina Virtual”
 - Expresión del programa separado de su interpretación.
 - Interpretación del programa separado de los efectos gráficos.
 - Extensible con facilidad.



MiniLogo – Nuestro proyecto de hoy

- Implantar un subconjunto de Logo en forma de “Máquina Virtual”
 - Expresión del programa separado de su interpretación.
 - Interpretación del programa separado de los efectos gráficos.
 - Extensible con facilidad.
- Aplicando los principios de programación funcional
 - Programas Logo – tipo de datos abstracto Haskell.
 - Explotar `Data.Map` y `Data.Seq`
 - Explotar genericidad de `Functor` y `Foldable`.
 - Interpretación – transformación sobre un `Monad State`.
 - Efectos gráficos – librería `HGL`.

Resultado final

El programa ...

```
star = Seq $ DS.fromList [
  Pd, Pc "Yellow",
  Rep 36 $ DS.fromList [
    Rep 4 $ DS.fromList [
      Fd 200, Rt 90
    ], Rt 10
  ]
]
```



Resultado final

El programa ...

```
star = Seq $ DS.fromList [
  Pd, Pc "Yellow",
  Rep 36 $ DS.fromList [
    Rep 4 $ DS.fromList [
      Fd 200, Rt 90
    ], Rt 10
  ]
]
```

...se interpreta ...

```
> runLogoProgram
  600 600
  "MiniLogo"
  star
```

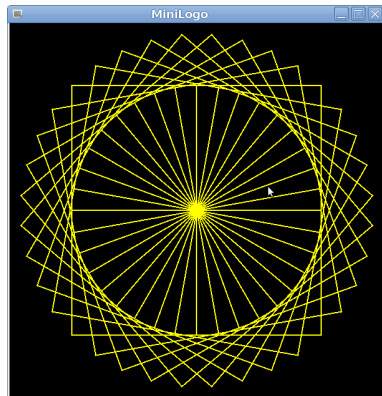
Resultado final

El programa ...

```
star = Seq $ DS.fromList [  
  Pd, Pc "Yellow",  
  Rep 36 $ DS.fromList [  
    Rep 4 $ DS.fromList [  
      Fd 200, Rt 90  
    ], Rt 10  
  ]  
]
```

...se interpreta ...

```
> runLogoProgram  
  600 600  
  "MiniLogo"  
  star
```



Expresando los programas MiniLogo

```
import Data.Sequence as DS

data LogoProgram = Fd Int           -- En pixels
                  | Bk Int           -- En pixels
                  | Rt Int           -- En grados
                  | Lt Int           -- En grados
                  | Pu
                  | Pd
                  | Pc String
                  | Say String
                  | Home
                  | Seq (DS.Seq LogoProgram)
                  | Rep Int (DS.Seq LogoProgram)
                  deriving (Show, Eq)
```

- Más instrucciones – más constructores.
- Estructura de bloques anidados.

Primer desvío – manejo de colores

- Tabla de “Colores Válidos” – ¡mutable!
- MiniLogo usa String – internamente cambia a Color.

```
import qualified Data.Map      as DM
import qualified Graphics.HGL as G

validColors :: DM.Map String G.Color
validColors = DM.fromList [ ("red", G.Red), ... ]

toColor :: String -> G.Color
toColor s = case f of
  Just c   -> c
  Nothing  -> error $
    "' ' ++ s ++ "' es un color invalido"
  where f = DM.lookup (map toLower s) validColors
```



El interpretador

- Estado inicial.
 - Centro de la ventana.
 - Lápiz blanco levantado.
 - Orientado hacia “arriba” (90 grados).



El interpretador

- Estado inicial.
 - Centro de la ventana.
 - Lápiz blanco levantado.
 - Orientado hacia “arriba” (90 grados).
- Cada instrucción transforma el estado.
- Algunas instrucciones producen efectos
 - Si nos “metemos” en el Monad IO no podemos escapar . . .
 - Construiremos el dibujo y lo presentaremos al final

El interpretador

- Estado inicial.
 - Centro de la ventana.
 - Lápiz blanco levantado.
 - Orientado hacia “arriba” (90 grados).
- Cada instrucción transforma el estado.
- Algunas instrucciones producen efectos
 - Si nos “metemos” en el Monad IO no podemos escapar . . .
 - Construiremos el dibujo y lo presentaremos al final
- Usaremos un Monad State
 - El estado combina la tortuga y el dibujo.
 - Transformadores para cada instrucción.
 - Ya sabemos como opera – descansaremos sobre la infraestructura de tipos y funciones provistas en `Control.Monad.State`

Segundo desvío – los dibujos

- Como toda buena librería funcional, HGL separa su preocupaciones
 - Geometría – ¿**qué** dibujar?
 - Visualización – ¿**cómo** dibujarlo?
- MiniLogo solamente dibuja líneas y texto
 - Point (una tupla) – extremos de las líneas.
 - HGL provee polígonos y texto – usados directamente.
 - Nuestro interpretador construye el dibujo usando un tipo algebraico que pueda convertirse a esas primitivas.

Modelando el estado de la máquina

```
type Direction    = Int
data PenStatus    = Up | Down
                  deriving (Show,Eq)

data Figure = Poly G.Color [G.Point]      -- poligono
            | Text G.Color G.Point String -- texto
            | Empty                       -- centinela
            deriving (Show,Eq)

data LogoState = LogoState {
  pos  :: G.Point,      -- (x,y)
  dir  :: Direction,   -- En grados
  pns  :: PenStatus,
  pnc  :: G.Color,
  drw  :: DS.Seq Figure
} deriving (Show)
```

La magia de Control.Monad.State

- Modelo para el estado – ¡envoltorio automático!

```
newtype State s a = State {runState :: s -> (a,s)}
instance Monad (State s) where
    return a = ...
    (>>=)    = ...
```



La magia de Control.Monad.State

- Modelo para el estado – ¡envoltorio automático!

```
newtype State s a = State {runState :: s -> (a,s)}
instance Monad (State s) where
    return a = ...
    (>>=)    = ...
```

- Dado el envoltorio, acceso automático al estado

```
class (Monad m) => MonadState s m | m -> s where
    get  :: m s
    put  :: s -> m ()
```


La magia de Control.Monad.State

- Modelo para el estado – ¡envoltorio automático!

```
newtype State s a = State {runState :: s -> (a,s)}
instance Monad (State s) where
    return a = ...
    (>>=)    = ...
```

- Dado el envoltorio, acceso automático al estado

```
class (Monad m) => MonadState s m | m -> s where
    get  :: m s
    put  :: s -> m ()
```

- Así, si se escribe código monádico con la *firma* adecuada, la librería instancia el Monad State **automáticamente**

```
meh :: Int -> State Foo Bar
meh n = do ...
```

- Foo y Bar – tipos para el estado y resultados.
- En el código mónadico podemos usar get y put.

Usando Monad State

A escribir transformadores ...

- Modelaremos el estado (s) usando LogoState.
- La máquina no produce resultados (a) – usaremos ().



Usando Monad State

A escribir transformadores ...

- Modelaremos el estado (s) usando LogoState.
- La máquina no produce resultados (a) – usaremos ().
- Combinador trivial que no hace nada

```
noop :: State LogoState ()  
noop = return ()
```

...ya verán su utilidad más adelante.



Usando Monad State

A escribir transformadores ...

- Modelaremos el estado (s) usando LogoState.
- La máquina no produce resultados (a) – usaremos ().
- Combinador trivial que no hace nada

```
noop :: State LogoState ()
noop = return ()
```

...ya verán su utilidad más adelante.

- Combinador para cambiar el color del lápiz

```
pc :: String -> State LogoState ()
pc c = do
  s <- get
  put $ s { pnc = toColor c }
```



Usando Monad State

Subir el lápiz

```
pu :: State LogoState ()
pu = do
  s <- get
  case pns s of
    Down -> put $ s { pns = Up, drw = drw' }
             where drw' = case d of
                           (ds :> Empty) -> ds
                           _                -> drw s
             where d = DS.viewr $ drw s

    Up    -> put $ s
```

- Empty es un centinela – “terminó el dibujo en curso”.
- Aprovecho ViewR para examinar y descomponer el extremo derecho del Data.Sequence.

Usando Monad State

Bajar el lápiz

```
pd :: State LogoState ()
pd = do
  s <- get
  case pns s of
    Down -> put $ s
    Up    -> put $ s { pns = Down,
                      drw = (drw s) |> Empty }
```

- Empty es un centinela – “terminó el dibujo en curso”.
- Agrego al extremo derecho del Data.Sequence.
- El drw izquierdo construye el nuevo valor – el drw derecho obtiene el valor actual.

Usando Monad State

Escribiendo texto

```
say :: String -> State LogoState ()
say m = do
  s <- get
  case pns s of
    Down -> case d of
      (ds :> Empty) -> put $ s { drw = ds          |> t }
      _              -> put $ s { drw = (drw s) |> t }
    where d = DS.viewr $ drw s
          t = Text (pnc s) (pos s) m
  Up      -> put $ s
```

- HGL se encargará de dibujar el texto.
- Empty es un centinela – “terminó el dibujo en curso”.
- Aprovechamos todo lo que nos ofrece Data.Sequence – examinar y descomponer por derecha, agregar a la derecha.

Usando Monad State

Girar a izquierda y derecha en grados

```
lt :: Int -> State LogoState ()
lt n = get >>= put . turnLeft n

rt :: Int -> State LogoState ()
rt n = get >>= put . turnLeft (negate n)

turnLeft :: Int -> LogoState -> LogoState
turnLeft n s = s { dir = (dir s + n) 'mod' 360 }
```

- Típico caso idiomático para usar $\gg=$ en lugar de `do` monádico – el estado pasa directo hacia la función auxiliar.
- Aritmética modular para ignorar múltiples “vueltas”.

Usando Monad State

Avanzar y retroceder

```
fd :: Int -> State LogoState ()
fd n = get >>= put . moveForward n

bk :: Int -> State LogoState ()
bk n = get >>= put . moveForward (negate n)
```

- Típico caso idiomático para usar `>>=` en lugar de `do` monádico – el estado pasa directo hacia la función auxiliar.
- Moverse `n` pasos depende del *ángulo* hacia el cual apunta la tortuga, cosa que calcularemos en `moveForward ...`



Usando Monad State

La función auxiliar – la más complicada del programa

```
moveForward :: Int -> LogoState -> LogoState
moveForward n s | pns s == Up =
  s { pos = move (pos s) n (dir s) }
moveForward n s = case d of
  (ds :> Empty)      -> s { pos = np, drw = ds |> t }
  (ds :> Poly pc l) -> if (pc == cc)
    then s { pos = np, drw = ds |> Poly cc (np:l) }
    else s { pos = np, drw = drw s |> t }
  -
}
where cc = pnc s
      cp = pos s
      d  = DS.viewwr $ drw s
      np = move cp n (dir s)
      t  = Poly cc [ np, cp ]
```

Usando Monad State

... el resto es trigonometría

```
move :: (Int,Int) -> Int -> Int -> (Int,Int)
move (x,y) n d =
  let direc  = (pi * (fromIntegral d)) / 180
      nn     = fromIntegral n
      nx     = x + (round (nn * (cos direc)))
      ny     = y + (round (nn * (sin direc)))
  in (nx,ny)
```



Usando Monad State

El estado inicial

```
initial :: LogoState
initial = LogoState { pos = (0,0),
                      dir = 90,
                      pns = Up,
                      pnc = White,
                      drw = DS.empty }
```

Es un valor simple – el Monad lo transformará



Usando Monad state

Combinadores sobre el estado inicial

```
home :: State LogoState ()
home = put $ initial

goHome :: State LogoState ()
goHome = do
  s <- get
  put $ s { pos = (0,0), dir = 90 }
```

- home – establece el estado inicial.
- goHome – restablece la *actitud* inicial



Usando Monad State

El combinador para repetición

```
repN :: Int -> State LogoState () -> State LogoState ()
repN 0 p = noop
repN n p = p >> (repN (pred n) p)
```

- Debe repetir una transformación de estado n veces.
- Repetir 0 veces es “no hacer nada” – `noop`
- Repetir n veces es “hacer una” y repetir $n - 1$

¿Cómo interpretar el programa?

- El tipo `LogoProgram` representa nuestro programa `MiniLogo`.
- Combinadores monádicos correspondientes – transforman el estado cuando tiene sentido.
- ¿Como transformamos un `LogoProgram` arbitrario en la secuencia monádica correspondiente?



¿Cómo interpretar el programa?

- El tipo `LogoProgram` representa nuestro programa `MiniLogo`.
- Combinadores monádicos correspondientes – transforman el estado cuando tiene sentido.
- ¿Como transformamos un `LogoProgram` arbitrario en la secuencia monádica correspondiente?

¡Con un catamorfismo sobre `LogoProgram`!

Interpretar el programa

Catamorfismo sobre LogoProgram – foldLP escrito a mano obligatoriamente

```
foldLP a b c d e f g h i j k inst =
  case inst of
    (Fd n)      -> a n
    (Bk n)      -> b n
    (Rt n)      -> c n
    (Lt n)      -> d n
    Pu          -> e
    Pd          -> f
    (Pc s)      -> g s
    (Say s)     -> h s
    Home        -> i
    (Seq l)     ->
      j (fmap (foldLP a b c d e f g h i j k) l)
    (Rep n l)   ->
      k n (fmap (foldLP a b c d e f g h i j k) l)
```

Interpretar el programa

...y armados con ese catamorfismo

```
monadicPlot :: LogoProgram -> State LogoState ()
monadicPlot =
  foldLP fd bk rt lt pu pd pc say home seq rep
  where seq s      = if DS.null s then noop
                    else DF.sequence_ s
        rep n s = repN n (seq s)

repN :: Int -> State LogoState () -> State LogoState ()
repN 0 p = noop
repN n p = p >> (repN (pred n) p)
```

- La conversión es directa – secuenciar operaciones monádicas.
- Usamos `noop` para el caso borde en que no haya operaciones.
- Aplicamos `sequence_` de `Data.Foldable` sobre `Data.Sequence`.

Tercer desvío – ventanas y gráficos

Hundirnos en IO usando HGL

- `openWindow` abre una ventana con título y dimensiones.
 - `getKey` espera por alguna tecla sobre la ventana – hay más eventos, pero con este nos basta.
 - `closeWindow` cierra la ventana
- `drawInWindow` aplica geometría sobre una ventana.
 - `withColor` cambia el color de una geometría.
 - `polyline` genera un polígono.
 - `text` genera texto.
 - `overGraphics` combina varias geometrías en una sola.
- `runGraphics` efectúa el I/O de la geometría en la ventana.



Algoritmo para la visualización

- Construir la ventana con las dimensiones y título solicitadas.
- Interpretar el programa suministrado
 - Establecer el estado inicial.
 - Aplicar la transformación del estado hasta el estado final

```
execState :: State s a -> s -> s
```

- Obtener el dibujo generado.
- Convertir el dibujo a geometría de HGL – sólo hay polígonos y texto.
 - MiniLogo tiene origen en el centro –
HGL tiene origen en el vértice superior izquierdo.
 - Coordenada x crece hacia la derecha en ambos.
 - Coordenada y crece hacia arriba en MiniLogo y hacia abajo en HGL.
- Aplicar la geometría sobre la ventana y dibujarla.
- Esperar una tecla para terminar.

Sólo nos queda dibujar ...

```
runLogoProgram w h t p =
  G.runGraphics $ do
    window <- G.openWindow t (w,h)
    G.drawInWindow window $ G.overGraphics (
      let f (Poly c p)      = G.withColor c $
                                G.polyline (map fix p)
          f (Text c p s)   = G.withColor c $
                                G.text (fix p) s
          (x0,y0)          = origin w h
          fix (x,y)        = (x0 + x, y0 - y)
      in
      DF.toList $
      fmap f (drw (execState (monadicPlot p) initial))
    )
  G.getKey window
  G.closeWindow window
```

Aspectos claves de la solución



Aspectos claves de la solución

- Generalización – instrucciones como un tipo de datos.
- Separación de preocupaciones – transformación vs. acción.



Aspectos claves de la solución

- Generalización – instrucciones como un tipo de datos.
- Separación de preocupaciones – transformación vs. acción.
- Abstracción
 - La “plomera” en el Monad State.
 - La interpretación como un catamorfismo.
 - Explotar librerías concretas vía comportamientos genéricos.
- Encapsulamiento – el módulo sólo exporta el tipo de datos y la función de interpretación.



Aspectos claves de la solución

- Generalización – instrucciones como un tipo de datos.
- Separación de preocupaciones – transformación vs. acción.
- Abstracción
 - La “plomaría” en el Monad State.
 - La interpretación como un catamorfismo.
 - Explotar librerías concretas vía comportamientos genéricos.
- Encapsulamiento – el módulo sólo exporta el tipo de datos y la función de interpretación.
- Aislamiento – hacer I/O en el último momento posible.
 - HGL lo hace así.
 - ¡Nosotros también!

Aspectos claves de la solución

- Generalización – instrucciones como un tipo de datos.
- Separación de preocupaciones – transformación vs. acción.
- Abstracción
 - La “plomera” en el Monad State.
 - La interpretación como un catamorfismo.
 - Explotar librerías concretas vía comportamientos genéricos.
- Encapsulamiento – el módulo sólo exporta el tipo de datos y la función de interpretación.
- Aislamiento – hacer I/O en el último momento posible.
 - HGL lo hace así.
 - ¡Nosotros también!

DRY – Don't Repeat Yourself



Monad Reader

Ambiente constante “sólo lectura”

- ¿Y si el estado debe ser **inmutable** parcial o totalmente?
 - La configuración de una aplicación.
 - Monad State sirve, pero no impide cambios “accidentales”.



Monad Reader

Ambiente constante “sólo lectura”

- ¿Y si el estado debe ser **immutable** parcial o totalmente?
 - La configuración de una aplicación.
 - Monad State sirve, pero no impide cambios “accidentales”.
- Si se tratara de una función sería $e \rightarrow a \dots$
 - \dots recibiría un “ambiente” – e por *environment*.
 - \dots para calcular algún resultado – a arbitrario.
- El cómputo debe aprovechar el ambiente
 - Para obtener valores del ambiente – ask
 - Debe dejarlo disponible para el *próximo* cómputo en la secuencia.

Se repite la receta de State.



Monad Reader

Cómputos sobre un ambiente constante

```
newtype Reader e a = Reader { runReader :: (e -> a) }

instance Monad (Reader e) where
    return a           = Reader $ \e -> a
    (Reader r) >>= f = Reader $ \e -> f (r e) e

class MonadReader e m | m -> e where
    ask    :: m e
    local :: (e -> e) -> m a -> m a

instance MonadReader (Reader e) where
    ask      = Reader id
    local f c = Reader $ \e -> runReader c (f e)

asks :: (MonadReader e m) => (e -> a) -> m a
asks sel = ask >>= return . sel
```

¡No entiendo >>=!

Lo noté ... A todos nos pasa

El inyector es bastante obvio, pero *bind* luce “raro” –
veamos que no es para nada raro, paso a paso

```
(Reader r) >>= f = Reader $ \e -> f (r e) e
```



¡No entiendo $\gg=$!

Lo noté ... A todos nos pasa

El inyector es bastante obvio, pero *bind* luce “raro” –
veamos que no es para nada raro, paso a paso

```
(Reader r) >>= f = Reader $ \e -> f (r e) e
```

- *r* está dentro del Reader – es una función (*e* -> *a*)



¡No entiendo >>=!

Lo noté ... A todos nos pasa

El inyector es bastante obvio, pero *bind* luce “raro” – veamos que no es para nada raro, paso a paso

```
(Reader r) >>= f = Reader $ \e -> f (r e) e
```

- *r* está dentro del Reader – es una función (*e* -> *a*)
- Por tanto (*r e*) no es más que aplicarla – produce algo del tipo *a*.



¡No entiendo $\gg=$!

Lo noté ... A todos nos pasa

El inyector es bastante obvio, pero *bind* luce “raro” –
veamos que no es para nada raro, paso a paso

```
(Reader r) >>= f = Reader $ \e -> f (r e) e
```

- r está dentro del Reader – es una función ($e \rightarrow a$)
- Por tanto $(r\ e)$ no es más que aplicarla – produce algo del tipo a .
- f es una función ($a \rightarrow \text{Reader } e\ a$) – se aplica sobre $(r\ e)$.



¡No entiendo $\gg=$!

Lo noté ... A todos nos pasa

El inyector es bastante obvio, pero *bind* luce “raro” –
veamos que no es para nada raro, paso a paso

```
(Reader r) >>= f = Reader $ \e -> f (r e) e
```

- r está dentro del Reader – es una función ($e \rightarrow a$)
- Por tanto $(r\ e)$ no es más que aplicarla – produce algo del tipo a .
- f es una función ($a \rightarrow \text{Reader } e\ a$) – se aplica sobre $(r\ e)$.
- El resultado de $f\ (r\ e)$ es un $\text{Reader } e\ a$ –
¡eso es una función ($e \rightarrow a$) otra vez!



¡No entiendo $\gg=$!

Lo noté ... A todos nos pasa

El inyector es bastante obvio, pero *bind* luce “raro” –
veamos que no es para nada raro, paso a paso

```
(Reader r) >>= f = Reader $ \e -> f (r e) e
```

- r está dentro del Reader – es una función ($e \rightarrow a$)
- Por tanto $(r\ e)$ no es más que aplicarla – produce algo del tipo a .
- f es una función ($a \rightarrow \text{Reader } e\ a$) – se aplica sobre $(r\ e)$.
- El resultado de $f\ (r\ e)$ es un $\text{Reader } e\ a$ –
jeso es una función ($e \rightarrow a$) otra vez!
- Entonces $(f\ (r\ e))$ se puede aplicar al e

Keep calm and Curry on. . .



Monad Reader

Funciones auxiliares

- ask ofrece acceso al ambiente – en este caso un Int

```
> runReader (ask >>= \x -> return (x*3))  
      14  
42
```



Monad Reader

Funciones auxiliares

- ask ofrece acceso al ambiente – en este caso un Int

```
> runReader (ask >>= \x -> return (x*3))
      14
42
```

- local permite ofrecer definiciones locales sobre el ambiente – piensen “alcance dinámico”

```
> runReader (ask >>=
      local (+9) \x -> return (x*3))
      14
69
```

- Noten que el primer argumento de local es una *función*.
- Esa función podría modificar el ambiente “temporalmente”.



Monad Reader

```
import Data.Maybe
import qualified Data.Map as M
import Control.Monad.Reader

data VarType = TInt | TFloat deriving (Eq)
type Symbols = M.Map String VarType

isInteger :: String -> Reader Symbols Bool
isInteger sym = do
  t <- asks (lookupVar sym)
  return (t == TInt)

lookupVar :: String -> Symbols -> VarType
lookupVar n b = fromJust (M.lookup n b)

table = M.fromList [("foo",TInt), ("bar",TFloat)]
```

Generalización de Monads

- Prelude ofrece lo mínimo para operar con Monads.
- Aprovechar los módulos específicos.
 - `Data.Maybe` – Monad Maybe
 - `Control.Monad` – Clases de tipos y combinadores generales
 - `Control.Monad.State` – Monad State
 - `Control.Monad.Reader` – Monad Reader
 - `Control.Monad.Writer` – Monad Writer
 - `Control.Monad.RWS` – Monad que combina Reader, Writer y State (esperen una semana antes de verla).
 - `System.IO` – Monad IO para I/O general
 - `System.Random` – Monad para RNG y PRNG.
- ...y muchos más.



Quiero saber más...

- [Documentación de Graphics.HGL](#)
Librería gráfica simple y agnóstica (X11 y Win32)
- [Documentación de Control.Monad.Reader](#)
- La solución “correcta” debería combinar Monad State y Writer – la próxima semana aprenderemos a construir Monad combinados.
- ¿Qué debe hacerse para extender el lenguaje y permitir una iteración controlada por un *predicado* arbitrario?
 - El predicado sería una función en Haskell.
 - Ahora puede mezclar Haskell y LogoMachine para escribir programas.
 - ¿Qué pasa si escribe un programa LogoMachine que nunca termina?

