

# Análisis Sintáctico Ascendente

## CI4721 – Lenguajes de Programación II

Ernesto Hernández-Novich  
<emhn@usb.ve>

Universidad “Simón Bolívar”

Copyright ©2012-2016

# Reconocedor ascendente determinístico

Sea  $G = (N, \Sigma, P, S)$  una CFG cualquiera y  $M = (Q, N \cup \Sigma, \delta_c, q_c, Q)$  su máquina característica determinística  $LR(k)$ . Entonces el PDA extendido

$$LR_k(G) = (\{s_0, s_1, s_2\}, \Sigma, Q, \delta, s_0, \{s_2\})$$

con  $\delta$  definida según

$$\delta(s_0, \lambda, \mathbf{u}, \lambda) = \{(s_1, q_c)\}$$

$$\delta(s_1, \mathbf{a}, \mathbf{u}, q) = \{(s_1, q'q)\},$$

$$\text{si } [A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta, w] \in q \wedge \mathbf{u} \in FIRST_k(\mathbf{a}\beta w) \wedge \delta_c(q, \mathbf{a}) = q'$$

$$\delta(s_1, \lambda, \mathbf{u}, q_0q_1 \dots q_n) = \{(s_1, q'q_n)\},$$

$$\text{si } [A \rightarrow \alpha \cdot, u] \in q_0 \wedge |\alpha| = n \wedge A \neq S \wedge \delta_c(q_n, A) = q'$$

$$\delta(s_1, \lambda, \#^k, q_0q_1 \dots q_n) = \{(s_2, \lambda)\},$$

$$\text{si } [S \rightarrow \alpha \cdot, \#^k] \in q_0 \wedge |\alpha| = n \wedge q_n = q_c$$

es un reconocedor ascendente y determinístico para  $G$ .

# ¿Cómo convertirlo en un programa?

## Convirtiendo transiciones en datos

- En nuestro PDA determinístico con *lookahead* ...
  - El estado inicial solamente se usa para empilar  $q_c$ .
  - El estado final solamente acepta ante el final de la entrada.
  - El estado intermedio solamente tiene transiciones a sí mismo
    - Avanza sobre prefijos viables, recordando su contexto en la pila (*shift*).
    - Alcanzado un ítem completo, retorna la pila al contexto previo (*reduce*).



# ¿Cómo convertirlo en un programa?

## Convirtiendo transiciones en datos

- En nuestro PDA determinístico con *lookahead* ...
  - El estado inicial solamente se usa para empilar  $q_c$ .
  - El estado final solamente acepta ante el final de la entrada.
  - El estado intermedio solamente tiene transiciones a sí mismo
    - Avanza sobre prefijos viables, recordando su contexto en la pila (*shift*).
    - Alcanzado un ítem completo, retorna la pila al contexto previo (*reduce*).
- Podemos diseñar un algoritmo muy compacto alrededor de
  - Una entrada con su marcador final  $\#^k$ .
  - Un *buffer* de tamaño  $k$  para el *lookahead*.
  - Una pila que comienza conteniendo  $q_c$  sobre un centinela  $\#$ .
  - Una tabla cuyas entradas indiquen para cada combinación de *lookahead* y tope de pila.
    - El estado a empilar, si se trata de un *shift*.
    - La regla a utilizar, si se trata de un *reduce*, junto al contexto al cual regresar una vez limpia la pila.

El algoritmo es independiente de la gramática  
solamente necesita la tabla.

# Reconocedor $LR(k)$ por Tabla

## Inicialización

**input:**  $w \in \Sigma$  con  $\#^k$  marcadores y las dos partes de la Tabla  $M$  asociada a la gramática:

- *ACTION* – estado a empilar (*shift*) o regla a reducir (*reduce*).
- *GOTO* – ¿cómo regresar al punto que ocasionó la última reducción?

{Empilar el centinela y el símbolo inicial}

**push**(#)

**push**( $q_c$ )

{Preparar el  $k$ -lookahead}

$a \leftarrow$  los primeros  $k$  símbolos de  $w$

# Reconocedor $LR(k)$ por Tabla

## Procesamiento

```

while true do
   $s \leftarrow \text{top}()$ 
  if  $\text{ACTION}[s, a] = \text{shift } t$  then
    push( $t$ ) y consumir siguiente de  $w$  al final de  $a$ 
  else if  $\text{ACTION}[s, a] = \text{reduce } A \rightarrow \alpha$  then
    pop() tantas veces como  $|\alpha|$ 
     $t \leftarrow \text{top}()$ 
    push( $\text{GOTO}[t, A]$ )
    print  $A \rightarrow \alpha$ 
  else if  $\text{ACTION}[s, a] = \text{accept}$  then
    break
  else
    error
  end if
end while

```

**output:** Si  $w \in L(G)$ , la derivación más derecha, sino error

# El secreto está en la tabla

## Características

- Una fila por cada  $q \in Q$  de  $M = (Q, N \cup \Sigma, \delta_c, q_c, Q)$
- $ACTION[q, u]$  una columna por cada *lookahead* posible – en cada posición se almacena
  - *shift*  $t$  – donde  $t \in Q$
  - *reduce*  $A \rightarrow \alpha$
  - *accept*
  - Un indicador de error sintáctico.
- $GOTO[q, A]$  tiene una columna por cada  $N - \{S\}$  – en cada posición se almacena un  $q \in Q$ .

Los requerimientos de espacio son prohibitivos para  $k > 1$

# Método $LR(0)$

El método más simple (e inútil en la vida real).

- 1 Se enumeran las producciones comenzando por cero.





# Método $LR(0)$

El método más simple (e inútil en la vida real).

- 1 Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- 2 Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .



# Método $LR(0)$

El método más simple (e inútil en la vida real).

- 1 Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- 2 Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .
- 3 Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .



# Método $LR(0)$

El método más simple (e inútil en la vida real).

- ❶ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ❷ Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .
- ❸ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ❹ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $\forall \mathbf{a} \in \Sigma \cup \{\#\}, ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$



# Método $LR(0)$

El método más simple (e inútil en la vida real).

- ❶ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ❷ Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .
- ❸ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ❹ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $\forall \mathbf{a} \in \Sigma \cup \{\#\}$ ,  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$
- ❺ Cuando  $[S \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$ , entonces  $ACTION[I_i, \#] = \mathbf{accept}$ .



# Método $LR(0)$

El método más simple (e inútil en la vida real).

- ❶ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ❷ Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .
- ❸ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ❹ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $\forall \mathbf{a} \in \Sigma \cup \{\#\}$ ,  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$
- ❺ Cuando  $[S \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$ , entonces  $ACTION[I_i, \#] = \mathbf{accept}$ .
- ❻ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot B\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, B) = I_j$ , entonces  $GOTO[I_i, B] = I_j$ .



# Método $LR(0)$

El método más simple (e inútil en la vida real).

- ➊ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ➋ Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .
- ➌ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ➍ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $\forall \mathbf{a} \in \Sigma \cup \{\#\}, ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$
- ➎ Cuando  $[S \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$ , entonces  $ACTION[I_i, \#] = \mathbf{accept}$ .
- ➏ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot B\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, B) = I_j$ , entonces  $GOTO[I_i, B] = I_j$ .
- ➐ El resto de las entradas de  $ACTION$  corresponde a **error**.

Si la gramática es  $LR(0)$  todas las posiciones de  $ACTION$  tendrán exactamente **una** acción.

# Expresiones aditivas

## Paso 1 – Enumerar las producciones

$$(0) \quad S \rightarrow A\#$$

$$(1) \quad A \rightarrow A + T$$

$$(2) \quad A \rightarrow T$$

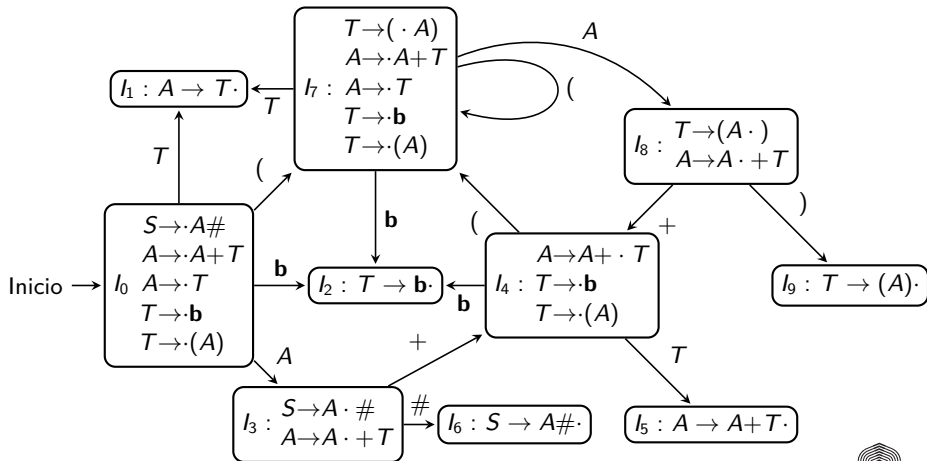
$$(3) \quad T \rightarrow \mathbf{b}$$

$$(4) \quad T \rightarrow (A)$$

- El símbolo inicial no es recursivo – la producción agregada siempre es la número cero.
- Se acostumbra abreviar **reduce** por **r** seguida del número de la regla.

# Expresiones aditivas

## Paso 2 – Calcular la máquina de prefijos viables





# Expresiones aditivas

Tablas *ACTION* y *GOTO* vacías

	b	+	(	)	#	A	T
$I_0$							
$I_1$							
$I_2$							
$I_3$							
$I_4$							
$I_5$							
$I_6$							
$I_7$							
$I_8$							
$I_9$							



# Expresiones aditivas

## Paso 3 – Determinar los *shift*

	b	+	(	)	#	A	T
$l_0$	s2		s7				
$l_1$							
$l_2$							
$l_3$		s4			s6		
$l_4$	s2		s7				
$l_5$							
$l_6$							
$l_7$	s2		s7				
$l_8$		s4		s9			
$l_9$							



# Expresiones aditivas

## Paso 4 – Determinar los *reduce*

	b	+	(	)	#	A	T
$l_0$	s2		s7				
$l_1$	r2	r2	r2	r2	r2		
$l_2$	r3	r3	r3	r3	r3		
$l_3$		s4			s6		
$l_4$	s2		s7				
$l_5$	r1	r1	r1	r1	r1		
$l_6$							
$l_7$	s2		s7				
$l_8$		s4		s9			
$l_9$	r4	r4	r4	r4	r4		



# Expresiones aditivas

## Paso 5 – Establecer el *accept*

	b	+	(	)	#	A	T
$l_0$	s2		s7				
$l_1$	r2	r2	r2	r2	r2		
$l_2$	r3	r3	r3	r3	r3		
$l_3$		s4			s6		
$l_4$	s2		s7				
$l_5$	r1	r1	r1	r1	r1		
$l_6$					acc		
$l_7$	s2		s7				
$l_8$		s4		s9			
$l_9$	r4	r4	r4	r4	r4		



# Expresiones aditivas

## Paso 6 – Determinar los *goto*

	b	+	(	)	#	A	T
$l_0$	s2		s7			3	1
$l_1$	r2	r2	r2	r2	r2		
$l_2$	r3	r3	r3	r3	r3		
$l_3$		s4			s6		
$l_4$	s2		s7				5
$l_5$	r1	r1	r1	r1	r1		
$l_6$					acc		
$l_7$	s2		s7			8	1
$l_8$		s4		s9			
$l_9$	r4	r4	r4	r4	r4		



# Expresiones aditivas

Tabla  $LR(0)$  terminada

	b	+	(	)	#	A	T
$l_0$	s2		s7			3	1
$l_1$	r2	r2	r2	r2	r2		
$l_2$	r3	r3	r3	r3	r3		
$l_3$		s4			s6		
$l_4$	s2		s7				5
$l_5$	r1	r1	r1	r1	r1		
$l_6$					acc		
$l_7$	s2		s7			8	1
$l_8$		s4		s9			
$l_9$	r4	r4	r4	r4	r4		

No hay conflictos – La gramática es  $LR(0)$

# Método $SLR(1)$

Uso inocente del *lookahead*

- 1 Se enumeran las producciones comenzando por cero.



# Método $SLR(1)$

Uso inocente del *lookahead*

- 1 Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- 2 Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .





# Método $SLR(1)$

Uso inocente del *lookahead*

- 1 Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- 2 Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .
- 3 Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .



# Método $SLR(1)$

Uso inocente del *lookahead*

- ❶ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ❷ Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .
- ❸ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ❹ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $\forall \mathbf{a} \in FOLLOW_1(A), ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$ .



# Método $SLR(1)$

Uso inocente del *lookahead*

- ❶ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ❷ Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .
- ❸ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ❹ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $\forall \mathbf{a} \in FOLLOW_1(A), ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$ .
- ❺ Cuando  $[S \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$ , entonces  $ACTION[I_i, \#] = \mathbf{accept}$ .



# Método $SLR(1)$

Uso inocente del *lookahead*

- ❶ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ❷ Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .
- ❸ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ❹ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $\forall \mathbf{a} \in FOLLOW_1(A), ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$ .
- ❺ Cuando  $[S \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$ , entonces  $ACTION[I_i, \#] = \mathbf{accept}$ .
- ❻ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot B\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, B) = I_j$ , entonces  $GOTO[I_i, B] = I_j$ .



# Método $SLR(1)$

Uso inocente del *lookahead*

- ➊ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ➋ Se construye la máquina característica determinística  $LR(0)$ .
- ➌ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ➍ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $\forall \mathbf{a} \in FOLLOW_1(A), ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$ .
- ➎ Cuando  $[S \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$ , entonces  $ACTION[I_i, \#] = \mathbf{accept}$ .
- ➏ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot B\beta] \in I_i \wedge \delta(I_i, B) = I_j$ , entonces  $GOTO[I_i, B] = I_j$ .
- ➐ El resto de las entradas de  $ACTION$  corresponde a **error**.

Si la gramática es  $SLR(1)$  todas las posiciones de  $ACTION$  tendrán exactamente **una** acción.



# Expresiones aditivas y multiplicativas

## Paso 1 – Enumerar las producciones

$$(0) \quad S \rightarrow E\#$$

$$(1) \quad E \rightarrow E + T$$

$$(2) \quad E \rightarrow T$$

$$(3) \quad T \rightarrow T * F$$

$$(4) \quad T \rightarrow F$$

$$(5) \quad F \rightarrow \mathbf{b}$$

$$(6) \quad F \rightarrow (E)$$

$$FOLLOW(S) = \{\#\}$$

$$FOLLOW(E) = \{\#, +, )\}$$

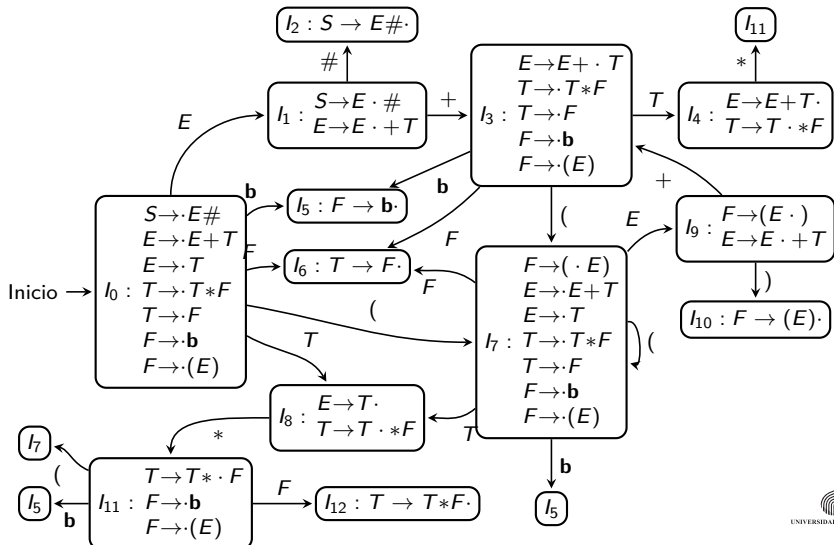
$$FOLLOW(T) = \{\#, +, ), *\}$$

$$FOLLOW(F) = \{\#, +, ), *\}$$



# Expresiones aditivas y multiplicativas

## Paso 2 – Calcular la máquina de prefijos viables



# Expresiones aditivas y multiplicativas

Tablas *ACTION* y *GOTO* vacías

	b	+	*	(	)	#	E	T	F
$l_0$									
$l_1$									
$l_2$									
$l_3$									
$l_4$									
$l_5$									
$l_6$									
$l_7$									
$l_8$									
$l_9$									
$l_{10}$									
$l_{11}$									
$l_{12}$									



# Expresiones aditivas y multiplicativas

## Paso 3 – Determinar los *shift*

	b	+	*	(	)	#	E	T	F
$l_0$	s5			s7					
$l_1$		s3				s2			
$l_2$									
$l_3$	s5			s7					
$l_4$			s11						
$l_5$									
$l_6$									
$l_7$	s5			s7					
$l_8$			s11						
$l_9$		s3			s10				
$l_{10}$									
$l_{11}$	s5			s7					
$l_{12}$									

# Expresiones aditivas y multiplicativas

## Paso 4 – Determinar los *reduce*

	b	+	*	(	)	#	E	T	F
$l_0$	s5			s7					
$l_1$		s3				s2			
$l_2$									
$l_3$	s5			s7					
$l_4$		r1	s11		r1	r1			
$l_5$		r5	r5		r5	r5			
$l_6$		r4	r4		r4	r4			
$l_7$	s5			s7					
$l_8$		r2	s11		r2	r2			
$l_9$		s3			s10				
$l_{10}$		r6	r6		r6	r6			
$l_{11}$	s5			s7					
$l_{12}$		r4	r4		r4	r4			

# Expresiones aditivas y multiplicativas

## Paso 5 – Establecer el *accept*

	b	+	*	(	)	#	E	T	F
$l_0$	s5			s7					
$l_1$		s3				s2			
$l_2$						acc			
$l_3$	s5			s7					
$l_4$		r1	s11		r1	r1			
$l_5$		r5	r5		r5	r5			
$l_6$		r4	r4		r4	r4			
$l_7$	s5			s7					
$l_8$		r2	s11		r2	r2			
$l_9$		s3			s10				
$l_{10}$		r6	r6		r6	r6			
$l_{11}$	s5			s7					
$l_{12}$		r4	r4		r4	r4			

# Expresiones aditivas y multiplicativas

## Paso 6 – Determinar los *goto*

	b	+	*	(	)	#	E	T	F
$l_0$	s5			s7			1	8	6
$l_1$		s3				s2			
$l_2$						acc			
$l_3$	s5			s7				4	6
$l_4$		r1	s11		r1	r1			
$l_5$		r5	r5		r5	r5			
$l_6$		r4	r4		r4	r4			
$l_7$	s5			s7			9	8	6
$l_8$		r2	s11		r2	r2			
$l_9$		s3			s10				
$l_{10}$		r6	r6		r6	r6			
$l_{11}$	s5			s7					12
$l_{12}$		r4	r4		r4	r4			

# Expresiones aditivas y multiplicativas

Tabla  $SLR(1)$  terminada

	b	+	*	(	)	#	E	T	F
$l_0$	s5			s7			1	8	6
$l_1$		s3				s2			
$l_2$						acc			
$l_3$	s5			s7				4	6
$l_4$		r1	s11		r1	r1			
$l_5$		r5	r5		r5	r5			
$l_6$		r4	r4		r4	r4			
$l_7$	s5			s7			9	8	6
$l_8$		r2	s11		r2	r2			
$l_9$		s3			s10				
$l_{10}$		r6	r6		r6	r6			
$l_{11}$	s5			s7					12
$l_{12}$		r4	r4		r4	r4			

# *l-values* y *r-values* con apuntadores

## Paso 1 – Enumerar las producciones

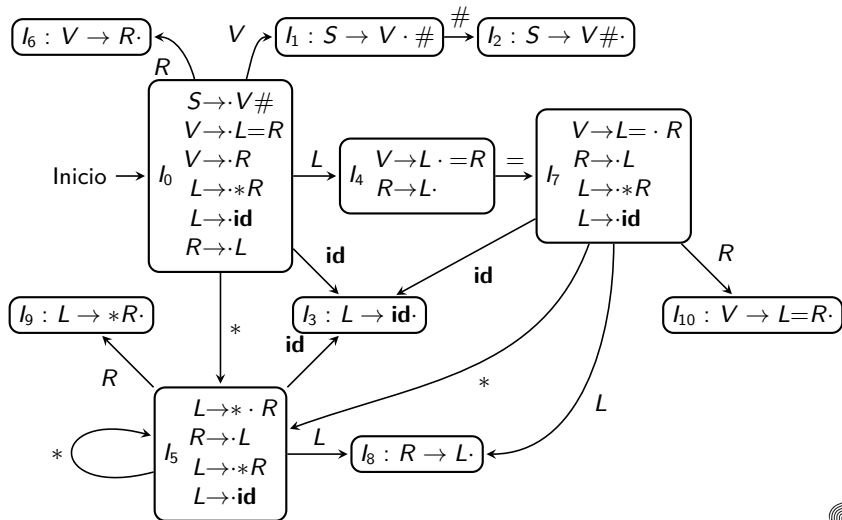
- (0)  $S \rightarrow V\#$
- (1)  $V \rightarrow L=R$
- (2)  $V \rightarrow R$
- (3)  $L \rightarrow *R$
- (4)  $L \rightarrow \mathbf{id}$
- (4)  $R \rightarrow L$

$$FOLLOW(S) = FOLLOW(V) = \{\#\}$$

$$FOLLOW(R) = FOLLOW(L) = \{\#, =\}$$



# *l-values* y *r-values* con apuntadores



# *l*-values y *r*-values con apuntadores

Tablas *ACTION* y *GOTO* vacías

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$							
$l_1$							
$l_2$							
$l_3$							
$l_4$							
$l_5$							
$l_6$							
$l_7$							
$l_8$							
$l_9$							
$l_{10}$							





# *l*-values y *r*-values con apuntadores

## Paso 3 – Determinar los *shift*

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$	s3		s5				
$l_1$				s2			
$l_2$							
$l_3$							
$l_4$		s7					
$l_5$	s3		s1				
$l_6$							
$l_7$	s3		s5				
$l_8$							
$l_9$							
$l_{10}$							



# *l*-values y *r*-values con apuntadores

## Paso 4 – Determinar los *reduce*

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$	s3		s5				
$l_1$				s2			
$l_2$							
$l_3$	r4	r4	r4	r4			
$l_4$	r5	s7 / r5	r5	r5			
$l_5$	s3		s1				
$l_6$	r2	r2	r2	r2			
$l_7$	s3		s5				
$l_8$	r5	r5	r5	r5			
$l_9$	r3	r3	r3	r3			
$l_{10}$	r1	r1	r1	r1			



# *l*-values y *r*-values con apuntadores

## Paso 5 – Establecer el *accept*

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$	s3		s5				
$l_1$				s2			
$l_2$				acc			
$l_3$	r4	r4	r4	r4			
$l_4$	r5	s7 / r5	r5	r5			
$l_5$	s3		s1				
$l_6$	r2	r2	r2	r2			
$l_7$	s3		s5				
$l_8$	r5	r5	r5	r5			
$l_9$	r3	r3	r3	r3			
$l_{10}$	r1	r1	r1	r1			



# *l*-values y *r*-values con apuntadores

## Paso 6 – Determinar los *goto*

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$	s3		s5		1	4	6
$l_1$				s2			
$l_2$				acc			
$l_3$	r4	r4	r4	r4			
$l_4$	r5	s7 / r5	r5	r5			
$l_5$	s3		s1			8	9
$l_6$	r2	r2	r2	r2			
$l_7$	s3		s5			8	10
$l_8$	r5	r5	r5	r5			
$l_9$	r3	r3	r3	r3			
$l_{10}$	r1	r1	r1	r1			



# *l*-values y *r*-values con apuntadores

Tabla LR(0) terminada

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$	s3		s5		1	4	6
$l_1$				s2			
$l_2$				acc			
$l_3$	r4	r4	r4	r4			
$l_4$	r5	s7 / r5	r5	r5			
$l_5$	s3		s1			8	9
$l_6$	r2	r2	r2	r2			
$l_7$	s3		s5			8	10
$l_8$	r5	r5	r5	r5			
$l_9$	r3	r3	r3	r3			
$l_{10}$	r1	r1	r1	r1			

No es LR(0)

# *l*-values y *r*-values con apuntadores

Tabla *SLR*(1) terminada

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$	s3		s5		1	4	6
$l_1$				s2			
$l_2$				acc			
$l_3$		r4		r4			
$l_4$		s7 / r5		r5			
$l_5$	s3		s1			8	9
$l_6$				r2			
$l_7$	s3		s5			8	10
$l_8$		r5		r5			
$l_9$		r3		r3			
$l_{10}$		r1		r1			

No es *LR*(0) ni *SLR*(1) – el *FOLLOW* no es suficiente.

# Método Canónico LR(1)

El método más general – *lookahead* selectivo

- 1 Se enumeran las producciones comenzando por cero.



# Método Canónico LR(1)

El método más general – *lookahead* selectivo

- 1 Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- 2 Se construye la máquina característica determinística LR(1).





# Método Canónico LR(1)

El método más general – *lookahead* selectivo

- 1 Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- 2 Se construye la máquina característica determinística LR(1).
- 3 Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta, x] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .



# Método Canónico LR(1)

El método más general – *lookahead* selectivo

- ❶ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ❷ Se construye la máquina característica determinística LR(1).
- ❸ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta, x] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ❹ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot, \mathbf{a}] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$ .



# Método Canónico LR(1)

El método más general – *lookahead* selectivo

- ❶ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ❷ Se construye la máquina característica determinística LR(1).
- ❸ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta, x] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ❹ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot, \mathbf{a}] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$ .
- ❺ Cuando  $[S \rightarrow \alpha \cdot, \#] \in I_i$ , entonces  $ACTION[I_i, \#] = \mathbf{accept}$ .



# Método Canónico LR(1)

El método más general – *lookahead* selectivo

- ❶ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ❷ Se construye la máquina característica determinística LR(1).
- ❸ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta, x] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ❹ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot, \mathbf{a}] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$ .
- ❺ Cuando  $[S \rightarrow \alpha \cdot, \#] \in I_i$ , entonces  $ACTION[I_i, \#] = \mathbf{accept}$ .
- ❻ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot B\beta, x] \in I_i \wedge \delta(I_i, B) = I_j$ , entonces  $GOTO[I_i, B] = I_j$ .



# Método Canónico LR(1)

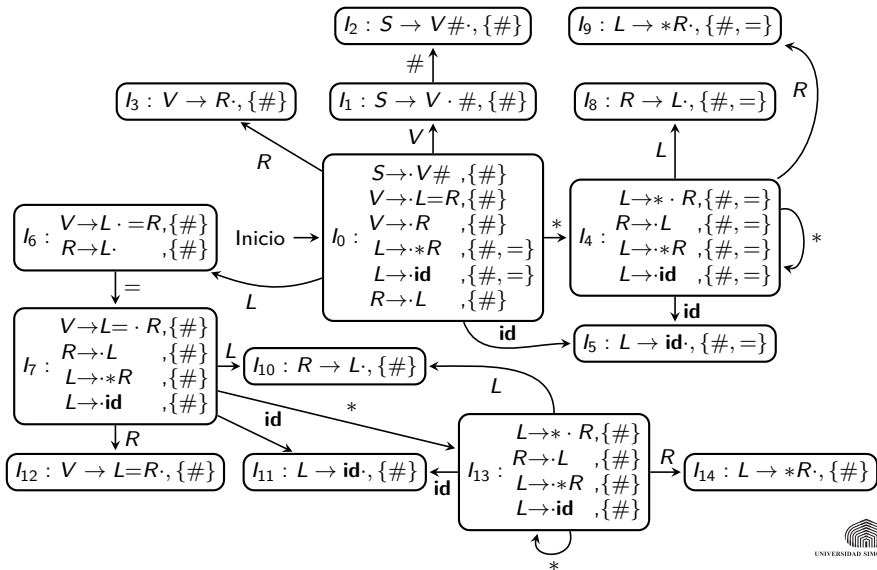
El método más general – *lookahead* selectivo

- ➊ Se enumeran las producciones comenzando por cero.
- ➋ Se construye la máquina característica determinística LR(1).
- ➌ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot \mathbf{a}\beta, x] \in I_i \wedge \delta(I_i, \mathbf{a}) = I_j$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{shift } j$ .
- ➍ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot, \mathbf{a}] \in I_i$  con  $A \rightarrow \alpha$  la  $p$ -ésima producción y  $A \neq S$ , entonces  $ACTION[I_i, \mathbf{a}] = \mathbf{reduce } p$ .
- ➎ Cuando  $[S \rightarrow \alpha \cdot, \#] \in I_i$ , entonces  $ACTION[I_i, \#] = \mathbf{accept}$ .
- ➏ Cuando  $[A \rightarrow \alpha \cdot B\beta, x] \in I_i \wedge \delta(I_i, B) = I_j$ , entonces  $GOTO[I_i, B] = I_j$ .
- ➐ El resto de las entradas de  $ACTION$  corresponde a **error**.

Si la gramática es LR(1) todas las posiciones de  $ACTION$  tendrán exactamente **una** acción.



# *l-values* y *r-values* con apuntadores



# *l*-values y *r*-values con apuntadores

Tablas *ACTION* y *GOTO* vacías

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$							
$l_1$							
$l_2$							
$l_3$							
$l_4$							
$l_5$							
$l_6$							
$l_7$							
$l_8$							
$l_9$							
$l_{10}$							
$l_{11}$							
$l_{12}$							
$l_{13}$							
$l_{14}$							

# *l*-values y *r*-values con apuntadores

## Paso 3 – Determinar los *shift*

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$	s5		s4				
$l_1$				s2			
$l_2$							
$l_3$							
$l_4$	s5		s4				
$l_5$							
$l_6$		s7					
$l_7$	s11		s13				
$l_8$							
$l_9$							
$l_{10}$							
$l_{11}$							
$l_{12}$							
$l_{13}$	s11		s13				
$l_{14}$							



# *l*-values y *r*-values con apuntadores

## Paso 4 – Determinar los *reduce*

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$	s5		s4				
$l_1$				s2			
$l_2$							
$l_3$				r2			
$l_4$	s5		s4				
$l_5$		r4		r4			
$l_6$		s7		r5			
$l_7$	s11		s13				
$l_8$		r5		r5			
$l_9$		r3		r3			
$l_{10}$				r5			
$l_{11}$				r4			
$l_{12}$				r1			
$l_{13}$	s11		s13				
$l_{14}$				r3			



# *l*-values y *r*-values con apuntadores

## Paso 5 – Establecer el *accept*

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$	s5		s4				
$l_1$				s2			
$l_2$				acc			
$l_3$				r2			
$l_4$	s5		s4				
$l_5$		r4		r4			
$l_6$		s7		r5			
$l_7$	s11		s13				
$l_8$		r5		r5			
$l_9$		r3		r3			
$l_{10}$				r5			
$l_{11}$				r4			
$l_{12}$				r1			
$l_{13}$	s11		s13				
$l_{14}$				r3			



# *l*-values y *r*-values con apuntadores

## Paso 6 – Determinar los *goto*

	id	=	*	#	V	L	R
<i>l</i> <sub>0</sub>	s5		s4		1	6	3
<i>l</i> <sub>1</sub>				s2			
<i>l</i> <sub>2</sub>				acc			
<i>l</i> <sub>3</sub>				r2			
<i>l</i> <sub>4</sub>	s5		s4			8	9
<i>l</i> <sub>5</sub>		r4		r4			
<i>l</i> <sub>6</sub>		s7		r5			
<i>l</i> <sub>7</sub>	s11		s13			10	12
<i>l</i> <sub>8</sub>		r5		r5			
<i>l</i> <sub>9</sub>		r3		r3			
<i>l</i> <sub>10</sub>				r5			
<i>l</i> <sub>11</sub>				r4			
<i>l</i> <sub>12</sub>				r1			
<i>l</i> <sub>13</sub>	s11		s13			10	14
<i>l</i> <sub>14</sub>				r3			



# *l*-values y *r*-values con apuntadores

Tabla Canónica LR(1) terminada

	id	=	*	#	V	L	R
$l_0$	s5		s4		1	6	3
$l_1$				s2			
$l_2$				acc			
$l_3$				r2			
$l_4$	s5		s4			8	9
$l_5$		r4		r4			
$l_6$		s7		r5			
$l_7$	s11		s13			10	12
$l_8$		r5		r5			
$l_9$		r3		r3			
$l_{10}$				r5			
$l_{11}$				r4			
$l_{12}$				r1			
$l_{13}$	s11		s13			10	14
$l_{14}$				r3			

Es LR(1)

# Recuperación de Errores

... porque el mundo no es perfecto

- Un reconocedor ascendente detecta errores al consultar *ACTION*.
  - Canónico  $LR(1)$  **jamás** hace reducciones antes de reportar el error.
  - $SLR(1)$  (y el  $LALR(1)$  que no hemos estudiado) podrían hacer reducciones antes de reportar el error.
  - Ninguno ejecutará *shift* de un símbolo erróneo.
- Abortar el reconocimiento es inaceptable
  - El programa “está mal” – el proceso de síntesis no ocurrirá, pero el análisis debería continuar tanto como se pueda.
  - Cada error debe ser amplio y detallado
    - Ubicación – línea y columna, contexto de ser posible.
    - Condición – “esperaba  $X$  pero recibí  $Y$ ”
  - Encontrar otros defectos ayudará al programador.
- Existen dos técnicas de recuperación aplicables

# Recuperación de Errores

... porque el mundo no es perfecto

- Un reconocedor ascendente detecta errores al consultar *ACTION*.
  - Canónico  $LR(1)$  **jamás** hace reducciones antes de reportar el error.
  - $SLR(1)$  (y el  $LALR(1)$  que no hemos estudiado) podrían hacer reducciones antes de reportar el error.
  - Ninguno ejecutará *shift* de un símbolo erróneo.
- Abortar el reconocimiento es inaceptable
  - El programa “está mal” – el proceso de síntesis no ocurrirá, pero el análisis debería continuar tanto como se pueda.
  - Cada error debe ser amplio y detallado
    - Ubicación – línea y columna, contexto de ser posible.
    - Condición – “esperaba  $X$  pero recibí  $Y$ ”
  - Encontrar otros defectos ayudará al programador.
- Existen dos técnicas de recuperación aplicables
  - Técnica del Pánico (*Panic Mode*).
  - Técnica del Engaño (*Phrase Level Recovery*).

# Técnica del Pánico

*Panic Mode, a.k.a. Discard all the tokens!*

- Desempilar hasta encontrar  $I_a$  con *GOTO* hacia algún no terminal  $A$  particular – retroceder en el prefijo que no se pudo completar.
- Descartar *tokens* hasta encontrar alguno que esté en  $FOLLOW(A)$ .
- Empila  $GOTO(s, A)$  y continuar – simula una reducción exitosa.
- Usualmente  $A$  corresponde a un elemento sintáctico complejo – instrucción, expresión, bloque, ...
  - Si  $A$  corresponde a instrucción, entonces el token podría ser ;.
  - La posición en la tabla apunta a conjuntos de sincronización – tuplas de no terminal y terminal asociado.



# Técnica del Engaño

(*Phrase Level Recovery, a.k.a. Let me type for you*)

- La posición de la tabla apunta a una *subrutina* de manejo del error.
- Cada rutina es específica para la recuperación particular – altamente dependiente del lenguaje.
- Las rutinas “completan” lo que falta para continuar
  - Agregan, quitan o cambian símbolos en la entrada.
  - Agregan o sacan cosas de la pila – Muy peligroso.
  - Anuncian lo que hicieron para “corregir” el problema.
- Solamente aplicable a lenguajes (o sub-lenguajes) tales que
  - Se conocen los errores más frecuentes.
  - Es fácil alcanzar formas sentenciales válidas con edición mínima.





# Técnica del Engaño

(*Phrase Level Recovery, a.k.a. Let me type for you*)

- La posición de la tabla apunta a una *subrutina* de manejo del error.
- Cada rutina es específica para la recuperación particular – altamente dependiente del lenguaje.
- Las rutinas “completan” lo que falta para continuar
  - Agregan, quitan o cambian símbolos en la entrada.
  - Agregan o sacan cosas de la pila – Muy peligroso.
  - Anuncian lo que hicieron para “corregir” el problema.
- Solamente aplicable a lenguajes (o sub-lenguajes) tales que
  - Se conocen los errores más frecuentes.
  - Es fácil alcanzar formas sentenciales válidas con edición mínima.

No la llame *ad hoc*, llámela *ad hack*.

# Consideraciones

- El método  $LR(0)$  es demasiado limitado.



# Consideraciones

- El método  $LR(0)$  es demasiado limitado.
- El método  $SLR(1)$  es suficiente para gramáticas simples
  - Se basa en las limitaciones del  $LR(0)$ .
  - Hace una aproximación “gruesa” usando  $FOLLOW_1$ .
  - Las gramáticas  $SLR(1)$  no son ambiguas, pero hay gramáticas no ambiguas que no son  $SLR(1)$



# Consideraciones

- El método  $LR(0)$  es demasiado limitado.
- El método  $SLR(1)$  es suficiente para gramáticas simples
  - Se basa en las limitaciones del  $LR(0)$ .
  - Hace una aproximación “gruesa” usando  $FOLLOW_1$ .
  - Las gramáticas  $SLR(1)$  no son ambiguas, pero hay gramáticas no ambiguas que no son  $SLR(1)$
- El método  $LR(1)$  es el más general.
  - Toda gramática  $LR(0)$  o  $SLR(1)$  también es  $LR(1)$ .
  - La cantidad de estados aumenta notablemente – en nuestro ejemplo aumentó en un 37 % de  $SLR(1)$  a  $LR(1)$ .
  - Tabla *GOTO* es brutalmente esparcida – en nuestro ejemplo hay 80 % **vacío**.



# Consideraciones

- El método  $LR(0)$  es demasiado limitado.
- El método  $SLR(1)$  es suficiente para gramáticas simples
  - Se basa en las limitaciones del  $LR(0)$ .
  - Hace una aproximación “gruesa” usando  $FOLLOW_1$ .
  - Las gramáticas  $SLR(1)$  no son ambiguas, pero hay gramáticas no ambiguas que no son  $SLR(1)$
- El método  $LR(1)$  es el más general.
  - Toda gramática  $LR(0)$  o  $SLR(1)$  también es  $LR(1)$ .
  - La cantidad de estados aumenta notablemente – en nuestro ejemplo aumentó en un 37 % de  $SLR(1)$  a  $LR(1)$ .
  - Tabla *GOTO* es brutalmente esparcida – en nuestro ejemplo hay 80 % **vacío**.

One does not simply build an  $LR(1)$  parser manually.

# Bibliografía

- [Aho]
  - Secciones 4.6 y 4.7
  - Ejercicios 4.6.1 a 4.6.9
- Procese la gramática inicial de mini JSON
  - Construya las tablas  $LR(0)$ ,  $SLR(1)$  y  $LR(1)$ .
  - Compare sus tamaños y manejo de conflictos.