

# Verificación de Tipos

## CI4721 – Lenguajes de Programación II

Ernesto Hernández-Novich  
<emhn@usb.ve>

Universidad “Simón Bolívar”

Copyright ©2012-2016

# Equivalencia de Tipos

- Cuando un lenguaje permite definir tipos y asociarle nombres, es necesario establecer Reglas de Equivalencia.
  - **Equivalencia por Nombre** – el nombre asignado al tipo lo identifica y *diferencia* del resto.
  - **Equivalencia por Estructura** – el nombre asignado al tipo es una *abreviatura* para la expresión de tipos completa.
- Desde el punto de vista de eficiencia en el compilador, el cálculo de equivalencia tiene que ser muy rápido.

# Equivalencia Estructural

- Es la noción natural de equivalencia – estructuras idénticas.
- Dos tipos  $T_1$  y  $T_2$  son estructuralmente equivalentes:
  - Cuando son el mismo tipo primitivo – **int** es equivalente a **int**.
  - Cuando son resultado de aplicar el mismo constructor a dos tipos estructuralmente equivalentes – *pointer*(**int**) es equivalente a *pointer*(**int**).
- La *forma* de las expresiones de tipos involucradas en la comparación debe ser idéntica.

Nos lleva a una implantación recursiva obvia...



# Equivalencia Estructural

El algoritmo recursivo inocente

```

function sequiv( $T_1, T_2$ ) : bool
  if  $T_1$  y  $T_2$  son el mismo tipo base then
    return true
  else if  $T_1 = \text{array}(I_A, T_A)$  and  $T_2 = \text{array}(I_B, T_B)$  then
    return sequiv( $I_A, I_B$ ) and sequiv( $T_A, T_B$ )
  else if  $T_1 = T_{1,A} \times T_{1,B}$  and  $T_2 = T_{2,A} \times T_{2,B}$  then
    return sequiv( $T_{1,A}, T_{2,A}$ ) and sequiv( $T_{1,B}, T_{2,B}$ )
  else if  $T_1 = \text{pointer}(T_A)$  and  $T_2 = \text{pointer}(T_B)$  then
    return sequiv( $T_A, T_B$ )
  else if  $T_1 = D_1 \rightarrow R_1$  and  $T_2 = D_2 \rightarrow R_2$  then
    return sequiv( $D_1, D_2$ ) and sequiv( $R_1, R_2$ )
  else
    return false
  end if

```

# Equivalencia Estructural

El algoritmo es útil, aunque inocente

- Sólo aplicable a expresiones de tipo que sean árboles o DAGs
  - Habría que detectar ciclos para manejar tipos recursivos.
  - Habría que recordar *camino*s para comprobar la equivalencia.



# Equivalencia Estructural

El algoritmo es útil, aunque inocente

- Sólo aplicable a expresiones de tipo que sean árboles o DAGs
  - Habría que detectar ciclos para manejar tipos recursivos.
  - Habría que recordar *camino*s para comprobar la equivalencia.
- La equivalencia de los tipos índice para un arreglo seguramente necesita manejar casos especiales.
  - ¿Rangos diferentes con misma cardinalidad son equivalentes?
  - ¿Rango más amplio es equivalente a rango menos amplio?



# Equivalencia Estructural

El algoritmo es útil, aunque inocente

- Sólo aplicable a expresiones de tipo que sean árboles o DAGs
  - Habría que detectar ciclos para manejar tipos recursivos.
  - Habría que recordar *camino*s para comprobar la equivalencia.
- La equivalencia de los tipos índice para un arreglo seguramente necesita manejar casos especiales.
  - ¿Rangos diferentes con misma cardinalidad son equivalentes?
  - ¿Rango más amplio es equivalente a rango menos amplio?
- No contempla la posible simetría entre dos árboles o DAGs.
  - ¿Registros con misma cantidad y tipo de campos pero en órdenes diferentes, son equivalentes?



# Equivalencia Estructural

El algoritmo es útil, aunque inocente

- Sólo aplicable a expresiones de tipo que sean árboles o DAGs
  - Habría que detectar ciclos para manejar tipos recursivos.
  - Habría que recordar *camino*s para comprobar la equivalencia.
- La equivalencia de los tipos índice para un arreglo seguramente necesita manejar casos especiales.
  - ¿Rangos diferentes con misma cardinalidad son equivalentes?
  - ¿Rango más amplio es equivalente a rango menos amplio?
- No contempla la posible simetría entre dos árboles o DAGs.
  - ¿Registros con misma cantidad y tipo de campos pero en órdenes diferentes, son equivalentes?

Esos agregados lo hacen cada vez menos práctico.





# Equivalencia Estructural

Alternativa General pero no es para todo el mundo

- Algoritmo de Unificación
  - Método general que decide si dos grafos representan expresiones estructuralmente idénticas.
  - Viene en versiones costosa y muy costosa.
- Particularmente útil en lenguajes dinámicos con tipos anidados definidos por el usuario – ¡Prolog representando!

Lo estudiaremos en detalle al final del tema.



# Equivalencia por Nombres

- Noción práctica de equivalencia – nombres distintos, tipos distintos.

```
type link = *cell;  
var  foo  : link;  
     bar  : link;  
     qux  : *cell;  
     grok : *cell;
```

- Los tipos `link` y `*cell` son diferentes – tienen nombres diferentes.
- `foo` y `bar` tienen el mismo tipo.
- `qux` y `grok` tienen el mismo tipo.
- `foo` y `grok` no tienen el mismo tipo.

# Equivalencia por Nombres

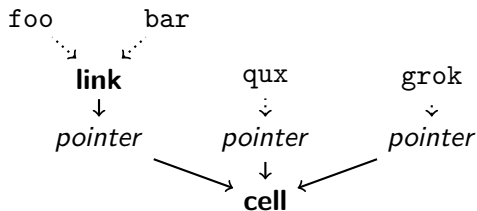
## Implantación

- Considerar nombres de tipos como expresiones de tipos.
- Construir los grafos de expresiones de tipos con el método habitual.
- Los nombres de tipos forman parte de la estructura
  - Apuntan a la estructura de su expresión de tipos.
  - Son apuntados por cualquier expresión que haga referencia al nombre.
- Si dos nombres apuntan al mismo nodo, son equivalentes.

# Equivalencia por Nombres

En nuestro ejemplo, si fuese Pascal

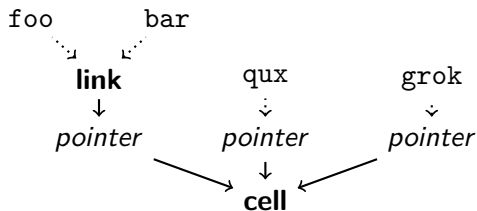
```
type link = *cell;
var  foo  : link;
     bar  : link;
     qux  : *cell;
     grok : *cell;
```



# Equivalencia por Nombres

En nuestro ejemplo, si fuese Pascal

```
type link = *cell;
var  foo  : link;
     bar  : link;
     qux  : *cell;
     grok : *cell;
```

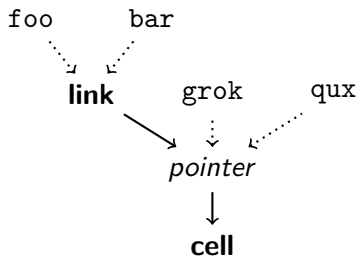


¡qux y grok **no** son equivalentes!  
Declaraciones diferentes, nombres diferentes.

# Equivalencia por Nombres

En nuestro ejemplo, si usamos el cerebro

```
type link = *cell;
var  foo  : link;
     bar  : link;
     qux  : *cell;
     grok : *cell;
```

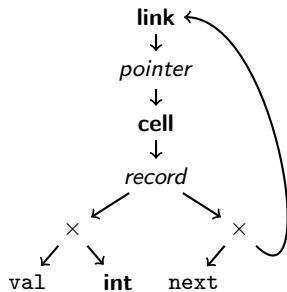


¡Compartir! – Constructores *singleton*

# Equivalencia por Nombres

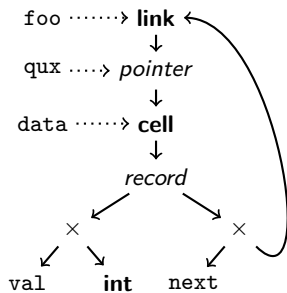
La cosa funciona con tipos recursivos

```
type link = *cell;
  cell = record
    val  : int;
    next : link;
  end;
```



# Equivalencia por Nombres

No es la flecha, sino el indio



```

data : cell;
qux = &data;      -- Ok
foo = *qux.next; -- Ok
foo = qux;       -- Error
  
```



# ¿Equivalencia por Nombres o Estructural?

- La combinación de...
  - Permitir ciclos en las expresiones de tipos.
  - Utilizar constructores *singleton* – compartir expresiones.
  - Hacer que los nombres sean sustituidos por su estructura.
- ...facilita la “ilusión” de equivalencia estructural
  - Nombres diferentes, tipos diferentes – rápido y barato.
  - Apuntadores diferentes, estructuras diferentes casi siempre.



# ¿Equivalencia por Nombres o Estructural?

- La combinación de...
  - Permitir ciclos en las expresiones de tipos.
  - Utilizar constructores *singleton* – compartir expresiones.
  - Hacer que los nombres sean sustituidos por su estructura.
- ...facilita la “ilusión” de equivalencia estructural
  - Nombres diferentes, tipos diferentes – rápido y barato.
  - Apuntadores diferentes, estructuras diferentes casi siempre.
- Para la mayoría de los lenguajes, “casi siempre” es suficiente
  - Las excepciones o adaptaciones vienen de los tipos recursivos.
  - El orden o condiciones de declaración suelen influir – en el caso de C que se puede apuntar a un `struct` que aún no está declarado del todo.

Esta técnica mixta se usa con más frecuencia – equivalencia por nombres siempre que se pueda, simular estructural cuando no queda más remedio.



# Conversión de Tipos

```
int i;  
float x;  
  
i := x + i;  
x := x + i;
```

- Las representaciones de bajo nivel para **int** y **float** son diferentes.
- Las operaciones de bajo nivel para sumar también son diferentes.
- El compilador se ve obligado a convertir entre representaciones.

# Conversión Explícita de Tipos

## Responsabilidad del programador

- Si el sistema de tipos requiere conversión explícita, el fragmento anterior produciría errores de tipo.
- El programador *debe* indicar las conversiones necesarias.
  - Con funciones
    - `fromInteger :: Integer -> Float` de Haskell
    - `chr` y `ord` en Pascal, ...
  - Denotando el tipo deseado (*casting*) – el compilador generará el código adecuado para el cambio de representación.



# Conversión Explícita de Tipos

## Responsabilidad del programador

- Si el sistema de tipos requiere conversión explícita, el fragmento anterior produciría errores de tipo.
- El programador *debe* indicar las conversiones necesarias.
  - Con funciones
    - `fromInteger :: Integer -> Float` de Haskell
    - `chr` y `ord` en Pascal, ...
  - Denotando el tipo deseado (*casting*) – el compilador generará el código adecuado para el cambio de representación.
- Implantación simple
  - Son funciones o parecen funciones.
  - Verificar los tipos de la aplicación funcional.

Es el sistema preferido en lenguajes con tipos fuertes



# Conversión Implícita de Tipos

## Responsabilidad del compilador

- Cuando el sistema de tipos es capaz de hacer la conversión implícitamente, el fragmento anterior no produciría errores.
- Se aplicarían conversiones automáticas (*Coercion*) definidas por el lenguaje – en algunos casos con pérdida de información.



# Conversión Implícita de Tipos

## Responsabilidad del compilador

- Cuando el sistema de tipos es capaz de hacer la conversión implícitamente, el fragmento anterior no produciría errores.
- Se aplicarían conversiones automáticas (*Coercion*) definidas por el lenguaje – en algunos casos con pérdida de información.
- Implantación compleja
  - El componente verificador de tipos debe contemplar todas las combinaciones posibles según las reglas del lenguaje.
  - El componente generador de código debe insertar el código de conversión de manera automática.

# Conversión Implícita de Tipos

## Responsabilidad del compilador

- Cuando el sistema de tipos es capaz de hacer la conversión implícitamente, el fragmento anterior no produciría errores.
- Se aplicarían conversiones automáticas (*Coercion*) definidas por el lenguaje – en algunos casos con pérdida de información.
- Implantación compleja
  - El componente verificador de tipos debe contemplar todas las combinaciones posibles según las reglas del lenguaje.
  - El componente generador de código debe insertar el código de conversión de manera automática.
- En asignaciones – convertir hacia el tipo del *l-value*.
- En expresiones – convertir hacia el tipo más “amplio”.

Puede ser confuso para el programador  
pues nunca se indica un error.



# Esquema de Traducción con Conversión Implícita

$$E \rightarrow \text{num}$$
$$E \rightarrow \text{num.num}$$
$$E \rightarrow \text{id}$$
$$E \rightarrow E_1 + E_2$$

# Esquema de Traducción con Conversión Implícita

$$\begin{array}{ll} E \rightarrow \mathbf{num} & \{E.type \leftarrow \mathbf{int}\} \\ E \rightarrow \mathbf{num.num} & \{E.type \leftarrow \mathbf{float}\} \\ E \rightarrow \mathbf{id} & \{E.type \leftarrow \mathit{lookup}(\mathbf{id.lexema})\} \end{array}$$
$$E \rightarrow E_1 + E_2$$

# Esquema de Traducción con Conversión Implícita

$E \rightarrow \text{num}$	$\{ E.type \leftarrow \text{int} \}$
$E \rightarrow \text{num.num}$	$\{ E.type \leftarrow \text{float} \}$
$E \rightarrow \text{id}$	$\{ E.type \leftarrow \text{lookup}(\text{id.lexema}) \}$
$E \rightarrow E_1 + E_2$	$\left\{ \begin{array}{l} E.type \leftarrow \text{if } (E_1.type = \text{int} \wedge E_2.type = \text{int}) \\ \text{then int} \\ \text{elseif } (E_1.type = \text{float} \wedge E_2.type = \text{float}) \\ \text{then float} \\ \text{elseif } (E_1.type = \text{int} \wedge E_2.type = \text{float}) \\ \text{then float} \\ \text{elseif } (E_1.type = \text{float} \wedge E_2.type = \text{int}) \\ \text{then float} \end{array} \right\}$

- Todas las combinaciones necesarias – el generador de código debe convertir el lado preciso.

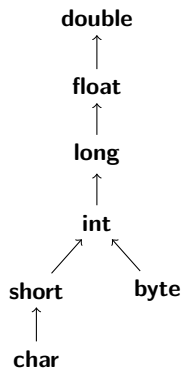
# ¿Cómo representar las conversiones implícitas?

- Si el lenguaje define muchas conversiones implícitas la cantidad de combinaciones aumenta.
- Las conversiones pueden ser por
  - **Ampliación** (*Widening*) cuando preservan información – de **int** a **float**, de **char** a **int**.
  - **Contracción** (*Narrowing*) cuando es *posible* perder información – de **float** a **int**, de **int** a **char**.
- Conversiones implícitas solamente cuando sean por ampliación, para no “sorprender” al programador.
- Dejar de considerar todas las combinaciones – establecer un orden parcial entre los tipos.



# Jerarquía de ampliación

Solamente para tipos primitivos



- $\max(T_1, T_2)$  – máximo (o mínima cota superior) entre  $T_1$  y  $T_2$ 
  - $\max(\text{float}, \text{long}) = \text{float}$
  - $\max(\text{byte}, \text{char}) = \text{int}$
- Retorna **type\_error** si  $T_1$  o  $T_2$  no está en la jerarquía.

# Esquema de Traducción con Conversión Implícita

Ahora aprovechando la jerarquía

$$E \rightarrow E_1 + E_2$$



# Esquema de Traducción con Conversión Implícita

Ahora aprovechando la jerarquía

$$E \rightarrow E_1 + E_2 \quad \left\{ \begin{array}{l} E.type \leftarrow \max(E_1.type, E_2.type) \\ a_1 \leftarrow \text{widen}(E_1.addr, E_1.type, E.type) \\ a_2 \leftarrow \text{widen}(E_2.addr, E_2.type, E.type) \\ \dots \end{array} \right\}$$

- $\text{widen}(A, T, W)$  genera el *código* necesario para ampliar los contenidos de  $A$ , de tipo  $T$ , para que sea un valor de tipo  $W$ .
  - Cuando  $T = W$ , simplemente devuelve  $A$  sin modificar.
  - En caso contrario, implanta *todas* las alternativas de conversión implícita, retornando la *dirección* donde quedará el valor ampliado.
- Los puntos suspensivos indican la ubicación del generador de código que usa  $a_1$  y  $a_2$  para implantar la suma de tipo  $E.type$ .



# Sobrecarga de Símbolos

- Cuando el contexto determina el significado particular de un símbolo, se dice que está **Sobrecargado**.
- Múltiples comportamientos para un símbolo único
  - Suma de dos enteros –  $+(int, int)$
  - Suma de dos reales –  $+(float, float)$
  - Suma de dos caracteres. –  $+(char, char)$
  - Suma de dos ... –  $+(T, T)$
- El verificador de tipos debe *resolver* la sobrecarga encontrando una interpretación *única* en el contexto.

Se reduce a mejorar el análisis de la aplicación funcional.





# Tipo de la Aplicación Funcional

## Generalización del método

$$E \rightarrow \mathbf{id} \quad \{E.types \leftarrow lookup(\mathbf{id}.lexema)\}$$

$$E \rightarrow E_1 ( E_2 ) \quad \{E.types \leftarrow \{t \mid \exists s \in E_2.types : s \rightarrow t \in E_1.types\}\}$$

- Las expresiones tienen un *conjunto* de tipos posibles.
- Los identificadores sobrecargados tendrían *múltiples* tipos asociados en la tabla de símbolos.
- El conjunto vacío permite detectar un error de tipos eventualmente.



# No obstante . . .

- Supongamos las definiciones sobrecargadas

```
function +(i, j : integer) : integer;
function +(i, j : integer) : float;
function +(x, y : float) : float;
```

- El conjunto de tipos posibles para + contiene

**int** × **int** → **int**

**int** × **int** → **float**

**float** × **float** → **float**

- Supongamos que 6, 5 y 12 *solamente* tienen tipo **int**.

# No obstante . . .

- Supongamos las definiciones sobrecargadas

```
function +(i, j : integer) : integer;
function +(i, j : integer) : float;
function +(x, y : float) : float;
```

- El conjunto de tipos posibles para + contiene

**int × int → int**

**int × int → float**

**float × float → float**

- Supongamos que 6, 5 y 12 *solamente* tienen tipo **int**.
  - ¿Qué tipo tiene 6+5 en 12+(6+5)?



# No obstante . . .

- Supongamos las definiciones sobrecargadas

```
function +(i, j : integer) : integer;
function +(i, j : integer) : float;
function +(x, y : float) : float;
```

- El conjunto de tipos posibles para + contiene

**int × int → int**

**int × int → float**

**float × float → float**

- Supongamos que 6, 5 y 12 *solamente* tienen tipo **int**.
  - ¿Qué tipo tiene 6+5 en 12+(6+5)?
  - ¿Qué tipo tiene 6+5 en x+(6+5)?

# No obstante . . .

- Supongamos las definiciones sobrecargadas

```
function +(i, j : integer) : integer;
function +(i, j : integer) : float;
function +(x, y : float) : float;
```

- El conjunto de tipos posibles para + contiene

**int × int → int**

**int × int → float**

**float × float → float**

- Supongamos que 6, 5 y 12 *solamente* tienen tipo **int**.
  - ¿Qué tipo tiene 6+5 en 12+(6+5)?
  - ¿Qué tipo tiene 6+5 en x+(6+5)?
  - ¿Qué tipo tiene 6+5?



# No obstante . . .

- Supongamos las definiciones sobrecargadas

```
function +(i, j : integer) : integer;
function +(i, j : integer) : float;
function +(x, y : float) : float;
```

- El conjunto de tipos posibles para + contiene

**int** × **int** → **int**

**int** × **int** → **float**

**float** × **float** → **float**

- Supongamos que 6, 5 y 12 *solamente* tienen tipo **int**.
  - ¿Qué tipo tiene 6+5 en 12+(6+5)?
  - ¿Qué tipo tiene 6+5 en x+(6+5)?
  - ¿Qué tipo tiene 6+5?

El contexto es crucial para determinar el tipo

# Usando el contexto para refinar los tipos

- Queremos que cada expresión tenga exactamente un tipo.



# Usando el contexto para refinar los tipos

- Queremos que cada expresión tenga exactamente un tipo.
- El atributo  $E.types$  sintetiza los tipos *factibles* para la expresión.
  - El esquema de traducción refina el conjunto al subir por el árbol.
  - Se usa el contexto para reducir el conjunto de tipos factibles o detectar un error de tipos por infactibilidad.





# Usando el contexto para refinar los tipos

- Queremos que cada expresión tenga exactamente un tipo.
- El atributo  $E.types$  sintetiza los tipos *factibles* para la expresión.
  - El esquema de traducción refina el conjunto al subir por el árbol.
  - Se usa el contexto para reducir el conjunto de tipos factibles o detectar un error de tipos por infactibilidad.
- Al concluir el ascenso del atributo  $E.types$ , el conjunto debe tener exactamente un tipo, de lo contrario hay un error de tipos.



# Usando el contexto para refinar los tipos

- Queremos que cada expresión tenga exactamente un tipo.
- El atributo  $E.types$  sintetiza los tipos *factibles* para la expresión.
  - El esquema de traducción refina el conjunto al subir por el árbol.
  - Se usa el contexto para reducir el conjunto de tipos factibles o detectar un error de tipos por infactibilidad.
- Al concluir el ascenso del atributo  $E.types$ , el conjunto debe tener exactamente un tipo, de lo contrario hay un error de tipos.
- Una vez establecido el tipo de la expresión, debe refinarse el tipo de todas las subexpresiones
  - Podría haber sub-expresiones con múltiples tipos factibles y debemos forzarlas al tipo conveniente.
  - Se usa un atributo heredado para bajar la conclusión de la refinación y aplicarla en las sub-expresiones.

Esto requiere al menos dos pasadas por el árbol.



# Bibliografía

- [Aho] (Primera Edición)
  - Capítulo 6
  - Ejercicios 6.11 a 6.19
- [Aho] (Segunda Edición)
  - Secciones 6.3.1, 6.3.2, 6.5.1, 6.5.2 y 6.5.3
  - Ejercicios 6.5.1 y 6.5.2
- Complete la generalización de sobrecarga para los operadores binarios y lógicos.

